

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

(МИНОБРНАУКИ РОССИИ)

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ НАУКИ ДАГЕСТАНСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ЦЕНТР РОССИЙСКОЙ АКАДЕМИИ НАУК



Рабочая программа дисциплины «Современные проблемы математики» по направлению подготовки: 01.06.01 – Математика и механика

Уровень образования: Подготовка кадров высшей квалификации (аспирантура)

Квалификация (степень) выпускника: «Исследователь. Преподаватель-исследователь» Статус дисциплины: вариативная (по выбору)

Рабочая программа дисциплины составлена в 2021 году в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.06.01 - Математика и механика, квалификация выпускника: «Исследователь. Преподаватель-исследователь».

Разработчики: отдел математики и информатики, Шарапудинов Т.И. - кандидат физико-математических наук, врио зав. отделом математики и информатики ДФИЦ РАН. Рабочая программа дисциплины одобрена на заседании Объединенного Ученого совета______, от <u>Д4. ОД</u> 2021 г., протокол № Д/4/ А.Б. Биарсланов
А.Б. Сер – Д.К. Сфиева Согласовано: Зам. председателя по науке

Зав. отделом аспирантуры

Аннотация

Дисциплина входит в вариативную часть блока 1 «Обязательные дисциплины (модули)» подготовки аспирантов по направлению 01.06.01 Математика и механика.

В результате освоения дисциплины у аспирантов должны быть сформированы: универсальные компетенции: УК-1, УК-3, УК-5; общепрофессиональные компетенции: ОПК-1, ОПК-2; профессиональные компетенции: ПК-1, ПК-2, ПК-3, ПК-4.

Задачи дисциплины – глубже ознакомить аспирантов с современными проблемами: теории функций, теории меры и интеграла; представления функций в виде интегралов и рядов, их приближения полиномами, сплайнами, рациональными дробями; теории дифференциальных уравнений (обыкновенных и с частными производными).

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных: с исследованием свойств функций и их производных на основе понятий меры и интеграла; с изучением функциональных рядов и их приложений; с исследованием классов функций; с актуальными вопросами теории приближения функций; с актуальными проблемами теории дифференциальных уравнений.

1. Область применения и нормативные ссылки

Настоящая программа учебной дисциплины устанавливает минимальные требования к знаниям и умениям обучающегося в аспирантуре по направлению подготовки кадров высшей квалификации и определяет содержание и виды учебных занятий и отчетности.

Программа предназначена для преподавателей, ведущих данную дисциплину, и обучающихся направления подготовки 01.06.01 Математика и механика, изучающих дисциплину «Современные проблемы математики».

Программа разработана в соответствии с:

- Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 01.06.01 – Математика и механика (уровень подготовки кадров высшей квалификации), утвержденным приказом Минобрнауки РФ от 30 июля 2014 г. № 866;
- Образовательной программой 01.06.01 Математика и механика (уровень подготовки кадров высшей квалификации);
- Учебным планом по направлению подготовки 01.06.01 Математика и механика.

Объем дисциплины 2 зачетные единицы, в том числе в академических часах по видам учебных занятий:

Семес		Учебные занятия						Форма
тр		в том числе						промежуточ
	Ко	онтактна	я работа обуч	ающихся с пр	репода	авателем	CPC	ной
	Всег			из них			, в	аттестации
	0	Лекц Лаборатор Практичес КС консульта						(зачет)
		ии	ные	кие	P	ции	чис	
			занятия	занятия			ле	
							заче	
	Т							
1к	10	4		6			62	зачет

Цели и задачи освоения дисциплины:

- Формирование у аспирантов углубленных профессиональных знаний в области современного математического анализа и теории дифференциальных уравнений.
- Творческое овладение основными методами современного анализа и теории дифференциальных уравнений для приложений в различных областях математики и естественнонаучных дисциплин.

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы подготовки научно-педагогических кадров в аспирантуре

В результате освоения программы подготовки научно-педагогических кадров в аспирантуре обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине (модулю):

Коды	Результаты освоения ОПОП	Перечень планируемых
компетенции	Содержание компетенций	результатов обучения по
		дисциплине
УК-1	Обладать способностью к	Знать: общие вопросы
	критическому анализу и оценке	современного анализа и теории
	современных научных	дифференциальных уравнений,
	достижений, генерированию	включая понятия меры и интеграла
	новых идей при решении	различные виды метрик и норм,
	исследовательских и	свойства рядов, различные
	практических задач, в том числе	функциональные классы, условия
	в междисциплинарных областях	существования, единственности и
		устойчивости разнообразных
		краевых и начальных задач для
		дифференциальных уравнений.
		Уметь: давать сравнительный
		анализ разных мер, интегралов,
		метрик, норм и их обобщений,
		находить их сходственные черты,
		решать разнообразные краевые и
		начальные задачи для
		дифференциальных уравнений,
		применять их в исследовательских
		и практических задачах, включая
		междисциплинарные исследования
		Владеть навыками применения
		методов дифференциального и
		интегрального исчисления, методог
		теории рядов, методов теории
		дифференциальных уравнений для
		адекватного применения при
		решении исследовательских и

		практических задач, включая задачи
		в междисциплинарных областях.
УК-3	Обладать готовностью	Знать на достаточно высоком
J IC 3	участвовать в работе российских	уровне современные задачи
	и международных	математического анализа и теории
		-
	исследовательских коллективов	дифференциальных уравнений.
	по решению научных и научно-	Уметь: применять основные
	образовательных задач	теоремы дифференциального и
		интегрального исчисления, теории
		рядов, теории приближения, теории
		экстремальных задач, теории
		интерполирования; решать
		разнообразные краевые и
		начальные задачи для
		дифференциальных уравнений.
		Владеть основными разделами и
		важнейшими методами
		математического анализа и теории
		дифференциальных уравнений для
		возможности их применения при
		решении научных и научно-
		образовательных задач.
УК-5	Обладать способностью	Знать основной материал по
	планировать и решать задачи	началам каждого раздела
	собственного	математического анализа и общим
	профессионального и	вопросам теории
	личностного развития	дифференциальных уравнений с
	•	тем, чтобы использовать не только
		основную, но и дополнительную
		литературу по дифференциальному
		и интегральному исчислению и
		дифференциальным уравнениям.
		Уметь: обобщать теоремы
		математического анализа, теории
		дифференциальных уравнений и
		давать их сравнительный анализ с
		другими смежными вопросами;
		пользоваться не только лекционным
		материалом и учебниками по
		математическому анализу и
		дифференциальным уравнениям, но
		и методическими пособиями,
		интернет-ресурсом.
		Владеть современными
		информационными технологиями

		THE WAYNAMAN ANAMAN A
		при изучении свойств функций, при
		исследовании рядов и интегралов,
		при решении дифференциальных
		уравнений, при изучении их
		приложений в самой математике и
		естественнонаучных дисциплинах.
ОПК-1	Обладать способностью	Знать: фундаментальные свойства
	самостоятельно осуществлять	различных мер и интегралов,
	научно-исследовательскую	метрик и норм, различных
	деятельность в соответствующей	функциональных рядов; условия
	профессиональной области с	существования, единственности и
	использованием современных	устойчивости разнообразных
	методов исследования и	краевых и начальных задач для
	информационно-	дифференциальных уравнений.
	коммуникационных технологий	Уметь давать оценки производных
	ROWNY ITTRACTION TO A TO	и интегралов в различных метриках,
		исследовать сходимость различных
		функциональных рядов, решать
		разнообразные краевые и
		начальные задачи для
		дифференциальных уравнений, в
		частности, с использованием
		современных методов
		исследования, с использованием
		информационно-
		коммуникационных технологий.
		Владеть современными методами
		математического анализа и теории
		дифференциальных уравнений,
		навыками оценки производных и
		интегралов, навыками исследования
		сходимости рядов, решения
		дифференциальных уравнений.
ОПК-2	Обладать готовностью к	Знать на достаточно высоком
	преподавательской деятельности	уровне вопросы теории меры и
	по основным образовательным	интеграла, дифференциального
	программам высшего	исчисления, теории рядов, теории
	образования	дифференциальных уравнений по
	Ооразования	основным образовательным
		1
		программам данной
		образовательной организации.
		Уметь: оценивать объем материала,
		необходимого для освоения того
		или иного программного вопроса;
		устанавливать связи между

	T	T
		различными предметными
		разделами с учетом специфики
		математики.
		Владеть методикой изложения
		основного материала того или
		другого раздела современного
		анализа, теории дифференциальных
		уравнений по программе данной
		образовательной организации.
ПК-1	Обладать фундаментальными	Знать: основные понятия и
	знаниями в области	формулировки основных теорем из
	вещественного анализа,	области современного анализа и
	комплексного анализа,	теории дифференциальных
	функционального анализа	уравнений, включая различные
	дифференциальных уравнений	виды мер и интегралов, метрик и
	дифференциальных уравнении	1 1 1
		норм, различные функциональные
		пространства, различные виды
		сходимости.
		Уметь: применять основные
		теоремы современного анализа и
		теории дифференциальных
		уравнений для решения задач в
		области самой математики и
		естественнонаучных дисциплин.
		Владеть важнейшими методами
		современного анализа и теории
		дифференциальных уравнений для
		применения в области своей
		научно-исследовательской
		деятельности.
ПК-2	Обладать способностью строго	Знать точные определения
	доказать математическое	основных понятий и строгие
	утверждение, сформулировать и	формулировки основных теорем
	анализировать научный	современного анализа и теории
	результат	дифференциальных уравнений.
	pesymeter	Уметь проводить логически точные
		математические рассуждения при
		доказательстве теорем
		современного анализа и теории
		дифференциальных уравнений,
		строго соблюдая при этом
		причинно-следственные связи.
		Владеть классическими методами
		доказательства основных
		принципов анализа, важнейших

		теорем современного анализа и теории дифференциальных уравнений.
ПК-3	Обладать способностью оформлять в виде научной работы и публично представлять результаты научно-исследовательской работы	Знать формулировки основных теорем современного анализа и теории дифференциальных уравнений, включая важнейшие результаты исследований в области своей научно-исследовательской работы. Уметь доказывать существенность или необходимость исходных условий исследуемых вопросов путем построения соответствующих контрпримеров или путем сопоставления с другими широко известными математическими утверждениями. Владеть достаточной информацией о современном уровне развития математического анализа и теории дифференциальных уравнений в области научной работы или в разделах публично представляемых научных результатов.
ПК-4	Обладать способностью к организации научно-педагогической деятельности в области современного математического анализа и дифференциальных уравнений	Знать на достаточно высоком уровне курс современного анализа и теории дифференциальных уравнений по программе данной образовательной организации. Уметь: оценивать объем материала, необходимого для освоения того или иного программного вопроса; устанавливать связи между различными предметными разделами с учетом специфики математического анализа и теории дифференциальных уравнений. Владеть методикой изложения основного материала того или другого раздела современного математического анализа и теории дифференциальных уравнений.

В результате изучения дисциплины обучающийся осваивает следующие компетенции:

Компетенции	Код	Дескрипторы – основные	Формы и методы
	ПО	признаки освоения	обучения,
	ФГОС	(показатели достижения	способствующие
		результата)	формированию и
		1 3	развитию
			компетенции
универсальные	УК-1	Знает общие вопросы	Последовательное
универешный	3101	современного анализа и	изучение тем 1 и 2 по
		теории дифференциальных	модулю 1 и
		уравнений.	последовательное
		Умеет давать сравнительный	изучение тем 3 и 4 по
		=	модулю 2 в сочетании
		анализ разных мер,	=
		интегралов, метрик, норм и	со сдачей
		их обобщений, находить их	коллоквиумов по
		сходственные черты, решать	каждому модулю
		разнообразные краевые и	
		начальные задачи для	
		дифференциальных	
		уравнений, применять их в	
		исследовательских и	
		практических задачах,	
		включая	
		междисциплинарные	
		исследования.	
		Владеем навыками	
		критического анализа и	
		иценки методов	
		дифференциальног ои	
		интегрального исчисления,	
		методов теории	
		дифференциальных	
		уравнений для адекватного	
		применения при решении	
		исследовательских и	
		практических задач, включая	
		задачи в	
		междисциплинарных	
		областях.	
	УК-3	Знает на достаточно	Последовательное
		высоком уровне	изучение тем 1 и 2 по
		современные задачи	модулю 1 и
		математического анализа и	последовательное
		теории дифференциального	изучение тем 3 и 4 по
	<u> </u>	TOPINI ANTHOPOLIGICAL	110, 1011110 10111 5 11 1 110

	H HIJEARDON HORO WAYNAWAY	MOHUHIO 2 P. GOVIGEOVILLE
	и интегрального исчисления	модулю 2 в сочетании
	и решать разнообразные	со сдачей
	краевые и начальные задачи	коллоквиумов по
	для дифференциальных	каждому модулю
	уравнений.	
	Умеет применять основные	
	теоремы	
	дифференциального и	
	интегрального исчисления и	
	решать разнообразные	
	краевые и начальные задачи	
	для дифференциальных	
	уравнений.	
	Владеет основными	
	разделами и важнейшими	
	методами математического	
	анализа и теории	
	дифференциальных	
	уравнений для возможности	
	их применения при решении	
	научных и научно-	
	образовательных задач.	
УК-	5 Знает основной материал по	Последовательное
	началам каждого раздела	
	началам каждого раздела математического анализа и	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и
	математического анализа и	изучение тем 1 и 2 по
	математического анализа и общим вопросам теории	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям.	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа,	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных уравнений и давать их	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных уравнений и давать их сравнительных анализ с	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных уравнений и давать их сравнительных анализ с другими смежными	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных уравнений и давать их сравнительных анализ с другими смежными вопросами; пользоваться	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по
	математического анализа и общим вопросам теории дифференциальных уравнений с тем, чтобы использовать не только основную, но и дополнительную литературу по дифференциальному и интегральному исчислению и дифференциальным уравнениям. Умеет: обобщать теоремы математического анализа, теории дифференциальных уравнений и давать их сравнительных анализ с другими смежными	изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по

		D	
		Владеет современными	
		информационными	
		технологиями при изучении	
		свойств функций, при	
		исследовании рядов и	
		интегралов, при решении	
		дифференциальных	
		уравнений, при изучении их	
		приложений в самой	
		математике и	
		естественнонаучных	
		дисциплинах.	
общепрофессиональные	ОПК-	Знает фундаментальные	Последовательное
	1	свойства различных мер и	изучение тем 1 и 2 по
		интегралов, метрик и норм,	модулю 1 и
		различных функциональных	последовательное
		рядов; условия	изучение тем 3 и 4 по
		существования,	модулю 2 в сочетании
		единственности и	со сдачей
		устойчивости разнообразных	коллоквиумов по
		краевых и начальных задач	каждому модулю
		для дифференциальных	
		уравнений.	
		Умеет давать оценки	
		производных и интегралов в	
		различных метриках,	
		исследовать сходимость	
		различных функциональных	
		рядов, решать	
		разнообразные краевые и	
		начальные задачи для	
		дифференциальных	
		уравнений, в частности, с	
		использованием	
		современных методов	
		исследования, с	
		использованием	
		информационно-	
		коммуникационных	
		технологий.	
		Владеет современными	
		методами математического	
		анализа и теории	
		дифференциальных	
		уравнений, навыками оценки	

		производных и интегралов,	
		навыками исследования	
		сходимости рядов, решения	
		дифференциальных	
		уравнений.	
	ОПК-	Знает на достаточно	Последовательное
	2	высоком уровне вопросы	изучение тем 1 и 2 по
		теории меры и интеграла,	модулю 1 и
		дифференциального	последовательное
		исчисления, теории рядов,	изучение тем 3 и 4 по
		теории дифференциальных	модулю 2 в сочетании
		уравнений по основным	со сдачей
		образовательным	коллоквиумов по
		программам данной	каждому модулю
		образовательной	
		организации.	
		Умеет: оценивать объем	
		материала, необходимого	
		для освоения того или иного	
		программного вопроса;	
		устанавливать связи между	
		различными предметными	
		разделами с учетом	
		специфики математики.	
		Владеет методикой	
		изложения основного	
		материала того другого	
		раздела современного	
		анализа, теории	
		дифференциальных	
		уравнений по программе	
		данной образовательной	
		организации	
профессиональные	ПК-1	Знает: основные понятия и	Последовательное
		формулировки основных	изучение тем 1 и 2 по
		теорем из области	модулю 1 и
		современного анализа и	последовательное
		теории дифференциальных	изучение тем 3 и 4 по
		уравнений, включая	модулю 2 в сочетании
		различные виды мер и	со сдачей
		интегралов, метрик и норм,	коллоквиумов по
		различные функциональные	каждому модулю
		пространства, различные	
		виды сходимости.	
	1	ı	

!	Умеет применять основные	
!	теоремы современного	
!	анализа и теории	
	дифференциальных	
	уравнений для решения	
	задач в области самой	
	математики и	
	естественнонаучных	
	дисциплин.	
	Владеет важнейшими	
	методами современного	
	анализа и теории	
	дифференциальных	
	уравнений для применения в	
	области своей научно-	
	-	
	исследовательской	
HIC 2	деятельности.	П
ПК-2	Знает точные определения	Последовательное
!	основных понятий и строгие	изучение тем 1 и 2 по
	формулировки основных	модулю 1 и
	теорем современного	последовательное
	анализа и теории	изучение тем 3 и 4 по
	дифференциальных	модулю 2 в сочетании
	уравнений.	со сдачей
	Умеет проводить логически	коллоквиумов по
	точные математические	каждому модулю
	рассуждения при	
	доказательстве теорем	
	современного анализа и	
	теории дифференциальных	
	уравнений, строго соблюдая	
	при этом причинно-	
	следственные связи.	
	Владеет классическими	
	методами доказательства	
	основных принципов	
	анализа, важнейших теорем	
	•	
	современного анализа и	
	теории дифференциальных	
	уравнений.	П
ПК-3	Знает формулировки	Последовательное
	основных теорем	изучение тем 1 и 2 по
	современного анализа и	модулю 1 и
	современного анализа и теории дифференциальных уравнений, включая	модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по

важнейшие результаты исследований в области своей научноисследовательской работы. Умеет доказывать существенность или необходимость исходных условий исследуемых вопросов путем построения соответствующих контрпримеров или путем сопоставления с другими широко известными математическими утверждениями. Владеет достаточной информацией о современном уровне развития математического анализа и теории дифференциальных уравнений в области научной работы или в разделах публично представляемых научных результатов.

модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по каждому модулю

ПК-4

Знает на достаточно высоком уровне курс современного анализа и теории дифференциальных уравнений по программе данной образовательной организации. Умеет: оценивать объем материала, необходимого для освоения того или иного программного вопроса; устанавливать связи между различными предметными разделами с учетом специфики математического анализа и теории дифференциальных уравнений. Владеет методикой изложения основного

Последовательное изучение тем 1 и 2 по модулю 1 и последовательное изучение тем 3 и 4 по модулю 2 в сочетании со сдачей коллоквиумов по каждому модулю

материала того или другого	
раздела современного	
математического анализа и	
теории дифференциальных	
уравнений.	

3. Место дисциплины в структуре ОПОП

Изучение данной дисциплины базируется на следующих дисциплинах, прохождении практик:

- Элементы теории приближений
- Некоторые вопросы теории интерполирования функций
- Педагогическая практика
- Научно-исследовательская деятельность
- Подготовка научно квалификационной работы

Для освоения учебной дисциплины, обучающиеся должны владеть хорошими знаниями основ классических университетских курсов математического анализа, дифференциальных уравнений, комплексного анализа, функционального анализа, уравнений в частных производных и компетенциями: YK - 1, 3, 5; $O\Pi K - 1$, 2; $\Pi K - 1$, 2, 3, 4.

Основные положения дисциплины должны быть использованы в дальнейшем при изучении следующих за ней дисциплин:

- Научно-исследовательская деятельность
- Подготовка научно-квалификационной работы
- Подготовка к сдаче и сдаче государственного экзамена
- Представление научного доклада об основных результатах подготовленной научно-квалификационной работы

4. Объем, структура и содержание дисциплины

4.1. Объем дисциплины составляет 2 зачетные единицы, 72 академических часа.

4.2. Структура дисциплины:

№	Разделы и темы			Виды учебной работы, включая самостоятельную				работа	Формы текущего	
п/п	дисциплины								контроля	
									успеваемости (по	
			pa	работу студентов и трудоемкость (в часах)			ов и	Самостоятельная ра(неделям	
		d.	семестра				(B		семестра)	
		lecı	Сем						Форма	
		Семестр	Неделя		Ie	ıe		яте.	промежуточной	
			еде		Ірактические	Лабораторные	9	;T0\$	аттестации (по	
			H	_	тче	Tol	ль паб	иос	семестрам)	
				ИИI	KTY	pa	rpo	Car		
				Лекции	pa	Лабора	Контроль			
				F	П	E E	K			
Модуль 1. Современные вопросы теории аппроксимации										
1	Прямые теоремы			1	1			16	Коллоквиум	
	теории									
	аппроксимации									

2	Обратные теоремы			1	2			15	Коллоквиум
	теории								
	аппроксимации								
	Итого по модулю 1:			2	3			31	
Λ	Модуль 2. Современные вопросы теории дифференциальных уравнений в частных								
	производных								
3	Нелинейное			1	1				Коллоквиум
	дифференциальное								
	уравнение с частными								
	производными								
	первого порядка.								
3	Решение систем								
	дифференциальных								
	уравнений								
	спектральными								
	методами.								
	Итого по модулю 2:			2	3			31	
	ИТОГО:			4	6			62	зачет

4.3. Содержание дисциплины, структурированное по темам.

Модуль 1. Современные вопросы теории аппроксимации

Тема № 1. Прямые теоремы теории аппроксимации.

Оценки полиномиальных приближений через модули непрерывности высших порядков. Приближение рациональными дробями и сплайнами.

Тема № 2. Обратные теоремы теории аппроксимации.

Оценки производных полиномов и рациональных функций. Неравенства С. Н. Бернштейна об оценке производных полиномов.

Об оценках производных рациональных функций.

Обратные теоремы типа Салема. Обратные теоремы типа С. Б. Стечкина.

Модуль 2. Современные вопросы теории дифференциальных уравнений в частных производных

Тема 1. Нелинейное дифференциальное уравнение с частными производными первого порядка.

Описание общего нелинейного уравнение с частными производными первого порядка. Определение полного интеграла. Построение полного интеграла для уравнения Эйконала и уравнения Гамильтона – Якоби.

Тема 2. Решение систем дифференциальных уравнений спектральными методами.

Различные сеточные методы решения дифференциальных уравнений.

Использование рядов Фурье по различным ортогональным системам для приближенного решения систем дифференциальных уравнений.

5. Оценочные средства для текущего контроля и аттестации обучающегося Тематика заданий текущего контроля

Примерный перечень вопросов к коллоквиуму по модулю 1 «Современные вопросы теории аппроксимации»

- 1. Некоторые классы измеримых функций.
- 2. Прямые теоремы теории приближения.
- 3. Аппроксимативные свойства частичных сумм Фурье.
- 4. Суммы Фейера.
- 5. Суммы Валле-Пуссена.
- 6. Рациональные приближения функций.
- 7. Приближение функций различными видами сплайнов.
- 8. Оценки производных полиномов.
- 9. Обратные теоремы теории приближения.

Примерный перечень вопросов к коллоквиуму по модулю 2 «Современные вопросы теории дифференциальных уравнений в частных производных»

- 1. Нелинейные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 2. Построение полного интеграла для уравнения Эйконала
- 3. Построение полного интеграла для уравнения Гамильтона Якоби.
- 4. Методы Рунге Кута, Эйлера и др. для приближенного решения дифференциальных уравнений.
- 5. Спектральные методы приближенного решения дифференциальных уравнений.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1. Основная литература

- 1. Действительный анализ в задачах: учебное пособие Москва: Физматлит, 2005. Действительный анализ в задачах: учебное пособие / П. Л. Ульянов, А. Н. Бахвалов, М. И. Дьяченко и др. -Москва: Физматлит, 2005. -416 с. -ISBN 5-9221-0595-7; то же [Электронный ресурс]. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69331
- 2. <u>Введение в теорию равномерного приближения функции полиномами</u> Москва: Наука, 1977.
 - Дзядык, В.К. Введение в теорию равномерного приближения функции полиномами / В. К. Дзядык; ред. В. В. Абгарян, Л. В. Тайкова. -Москва: Наука, 1977. -512 с.; то же [Электронный ресурс]. URL:
 - http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=456951
- 3. <u>Теория сплайнов и ее приложения</u> Москва: Мир, 1972 Теория сплайнов и ее приложения / Д. Алберг, Э. Нильсон, Д. Уолш; под ред. С. Б. Стечкина; пер. с англ. Ю. Н. Субботина. - Москва: Мир, 1972. -319 с.; то же [Электронный ресурс]. - URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=456937
- 4. Треногин, В. А. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] / В. А. Треногин. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009. 312 с.
- 5. Демидович Б.П. Дифференциальные уравнения. 3-е изд. Санкт-Петербург: Лань, 2008. 288 с. http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1 id=126

6.2. Дополнительная литература

- 1. Экстремальные задачи теории приближения Москва: Наука, 1976 Экстремальные задачи теории приближения / Н. П. Корнейчук; ред. Б. И. Голубова, Г. Я. Пироговой. - Москва: Наука, 1976. -320 с.: ил.; то же [Электронный ресурс]. - URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=456961
- 2. Левитан М. Б. «Почти-периодические функции» М: ГИТЛ., 1963.

6.3. Программное обеспечение

Для успешного освоения дисциплины, обучающийся использует следующие программные средства:

- MatLab
- Mathcad
- Maple

6.4. Базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

- 1. http://elibrary.ru eLIBRARY Научная электронная библиотека
- 2. http://window.edu.ru/window/catalog?p_rubr=2.2.74.12 Единое окно доступа к электронным ресурсам
- 3. http://springerlink.com/mathematics-and-statistics/ платформа ресурсов издательства Springer

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Для проведения занятий в активной и интерактивной форме и самостоятельной работы аспирантов используются компьютеры с соответствующим программным обеспечением, мультимедийные проекторы, интерактивные экраны, аудио и видео аппаратура.

8. Образовательные технологии

В соответствии с различными видами учебных занятий предусматриваются следующие образовательные технологии:

- традиционные и интерактивные лекции с дискурсивной практикой обучения;
- семинары и коллоквиумы, на которых обсуждаются основные проблемы, освещенные в лекциях и сформулированные в домашних заданиях;
- письменные и устные домашние задания, подготовка докладов и рефератов по программе самостоятельной работы;
- участие в научно-методологических семинарах, коллоквиумах и конференциях;
- консультации преподавателя;
- самостоятельная работа аспиранта, в которую входит освоение теоретического материала, подготовка к семинарским занятиям с использованием интернета и электронных библиотек.